

**Теорема 3.** Если  $s/2 \leq x \leq 3s/2$ , то справедлива оценка

$$\Lambda_n(x) \leq Cs^{17/12}(s^{1/3} + |x - s|)^{-1/4} \ln s.$$

**Теорема 4.** При  $x \geq 3s/2$  справедлива оценка

$$\Lambda_n(x) \leq Cs^{3/2}e^{-3s/4}.$$

В заключении хочу выразить благодарность моему научному руководителю И. И. Шарапудинову и М. Ш. Джамалову за поставленную задачу, а также за ряд полезных замечаний.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Шарапудинов И. И. Смешанные ряды по ортогональным полиномам. Махачкала: ДНЦ, 2004. 276 с.
2. Сеге Г. Ортогональные многочлены. М.: Физматгиз, 1962. 500 с.

**З. М. Магомедова (Махачкала)**

**alimn@mail.ru**

### ОБ АСИМПТОТИКЕ МНОГОЧЛЕНОВ $\hat{l}_n^\alpha(x)$ , ОРТОГОНАЛЬНЫХ НА ПРОИЗВОЛЬНЫХ СЕТКАХ <sup>1</sup>

Пусть  $X = \{x_j\}_{j=0}^\infty$  — сетка, состоящая из бесконечного числа различных точек полуоси  $[0, \infty) : 0 = x_0 < x_1 < \dots$ . Обозначим  $\Delta x_j = x_{j+1} - x_j$ ,  $j = 0, 1, \dots$ , причем предполагается, что  $\sup_{0 \leq j < \infty} \Delta x_j < \infty$ ,  $\sup_{0 \leq j < \infty} x_j = +\infty$ ,  $\delta = \sup_{0 \leq j \leq \infty} \Delta x_j$ . Через

$$\hat{l}_k^\alpha(x) = \hat{l}_k^\alpha(x; X) \quad (k = 0, 1, \dots)$$

обозначим последовательность многочленов, образующих ортонормированную систему на сетке  $X$  в следующем смысле ( $n, m = 0, 1, \dots$ ):

$$(\hat{l}_n^\alpha, \hat{l}_m^\alpha) = \frac{1}{\alpha + 1} \sum_{j=0}^{\infty} e^{-x_j} (x_{j+1}^{\alpha+1} - x_j^{\alpha+1}) \hat{l}_n^\alpha(x_j) \hat{l}_m^\alpha(x_j) = \delta_{nm} \quad (-1 < \alpha \leq 0),$$

$$(\hat{l}_n^\alpha, \hat{l}_m^\alpha) = \frac{1}{\alpha + 1} \sum_{j=0}^{\infty} e^{-x_{j+1}} (x_{j+1}^{\alpha+1} - x_j^{\alpha+1}) \hat{l}_n^\alpha(x_{j+1}) \hat{l}_m^\alpha(x_{j+1}) = \delta_{nm} \quad (\alpha > 0).$$

В настоящей работе, по аналогии с работами профессора И. И. Шарапудинова [1], исследуются асимптотические свойства многочлена  $\hat{l}_n(x)$

<sup>1</sup>Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (проект 07-01-00143а)

при  $n, N \rightarrow \infty$ , где  $N = 1/\delta$ . А именно, установлена асимптотическая формула, в которой при возрастании  $n$  вместе с  $N$  асимптотическое поведение этих многочленов близко к асимптотическому поведению многочленов Лагерра  $\hat{L}_n^\alpha(x)$  [2].

Далее нам также удалось показать, что для функций

$$\Lambda_n(x) = \frac{1}{\alpha + 1} \sum_{j=0}^{\infty} \left| \sum_{k=0}^n \hat{l}_k^\alpha(x) \hat{l}_k^\alpha(x_j) \right| e^{-x_j} (x_{j+1}^{\alpha+1} - x_j^{\alpha+1}) \quad (-1 < \alpha \leq 0)$$

и

$$\Lambda_n(x) = \frac{1}{\alpha + 1} \sum_{j=0}^{\infty} \left| \sum_{k=0}^n \hat{l}_k^\alpha(x) \hat{l}_k^\alpha(x_{j+1}) \right| e^{-x_{j+1}} (x_{j+1}^{\alpha+1} - x_j^{\alpha+1}) \quad (\alpha > 0)$$

при  $n = O(\delta^{-2/3})$  относительно  $x \in [0, \infty)$  справедливы следующие теоремы.

**Теорема 1.** Если  $0 \leq x \leq 3/s$ , то справедлива оценка

$$\Lambda_n(x) \leq C s^{3/2+3\alpha/4}.$$

**Теорема 2.** Если  $3/s \leq x \leq s/2$ , то справедлива оценка

$$\Lambda_n(x) \leq C s^{\alpha+2} \ln s.$$

**Теорема 3.** Если  $s/2 \leq x \leq 3s/2$ , то справедлива оценка

$$\Lambda_n(x) \leq C s^{-\alpha+17/12} (s^{1/3} + |x - s|)^{-1/4} \ln s.$$

**Теорема 4.** При  $x \geq 3s/2$  справедлива оценка

$$\Lambda_n(x) \leq C s^{3/2} e^{-3s/4}.$$

В заключении хочу выразить благодарность моему научному руководителю И. И. Шарпудинову и М. Ш. Джамалову за поставленную задачу, а также за ряд полезных замечаний.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Шарпудинов И. И. Смешанные ряды по ортогональным полиномам. Махачкала: ДНЦ, 2004. 276 с.
2. Сеге Г. Ортогональные многочлены. М.: Физматгиз, 1962. 500 с.